

2022-2023学年秋季学期

第四部分-B 组合逻辑电路高级内容

授课团队：宋威
助教：马浩

组合逻辑电路高级内容 (属于考试内容)

- 硬件描述语言：Hardware Description Language (HDL)
- 使用Verilog HDL完成组合逻辑电路设计
- 测试与仿真
- 组合逻辑电路的时序分析
- 组合逻辑电路的竞争冒险现象

硬件描述语言 (HDL)

○ 硬件描述语言

现在设计大规模逻辑电路使用程序描述复杂电路。

硬件描述语言即描述数字电路的程序语言。

○ 常见的硬件描述语言

○ Verilog HDL (IEEE 1364)

Cadence (1990), 语法类似于C，被广泛支持。

○ SystemVerilog (IEEE 1800)

Verilog的超集，支持面向对象，支持更多验证特性，逐步被EDA工具完全支持。

○ VHDL (IEEE 1076)

和Verilog一起是现在最常用的两种HDL之一，强制类型。

○ Chisel

UCB (2014)，基于scala的DSL。更高的抽象级别。

○ SystemC (IEEE 1666)

基于C++的HDL，引入HLS (high level synthesis)。

硬件描述语言的抽象级别

○ 抽象级别 (abstract level)

- 描述一个对象时所涉及到的细节级别

○ 门级 (网表, 自学)

- 直接描述电路的门级实现
- 具体到门的类型和输入信号数
- 相当于用代码表达电路图

○ 寄存器传输级 (Register Transfer Level)

- 描述寄存器和寄存器间的组合逻辑
- 精确控制到时钟周期
- 当前大规模集成电路的设计抽象程度

○ 行为级

- 描述电路的抽象行为、传输协议
- 让电路综合器 (编译器) 决定实现细节和时钟延迟

○逻辑运算

逻辑运算	逻辑表达式	Verilog
与	$Y = A \cdot B$	y=a&b
或	$Y = A + B$	y=a b
非	$Y = \bar{A}$	y=~a
与非	$Y = \overline{AB}$	y=~(a&b)
或非	$Y = \overline{A + B}$	y=~(a b)
异或	$Y = A \oplus B$	y=a^b
同或	$Y = A \odot B$	y=~(a^b)

逻辑运算的例子

○投票电路

$$Y = AB + AC + BC$$

$$y = (a \& b) \mid (a \& c) \mid (b \& c)$$

○双路选择器

$$Y = A\bar{S} + BS$$

$$y = (a \& \sim s) \mid (b \& s)$$

○双路分用器

$$A = I\bar{S}$$

$$B = IS$$

$$a = i \& \sim s$$

$$b = i \& s$$

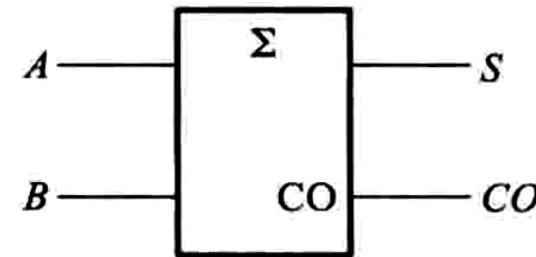
电路模块 (module)

- 一个模块是一个具有特定输入输出和特定功能的子电路

- 1位全加器

$$S = A \oplus B \oplus C_I$$

$$C_O = A \cdot B + B \cdot C_I + A \cdot C_I$$



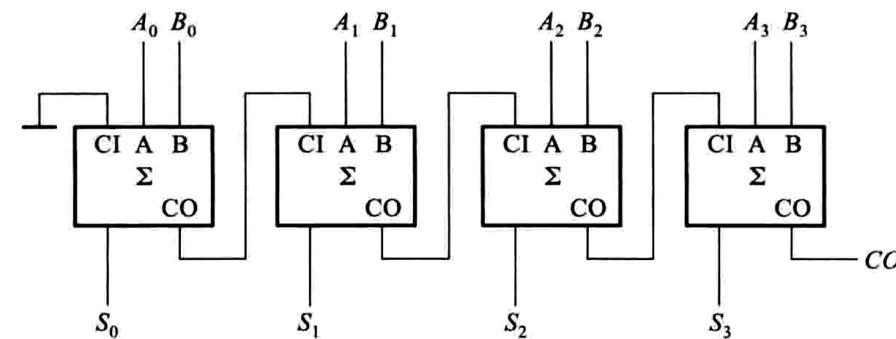
```
module adder(input a, b, ci, output s, co);
    assign s = a ^ b ^ ci;
    assign co = (a&b) | (b&ci) | (a&ci);
endmodule
```

模块实例化

○在一个模块中使用另外一个模块（代码复用）

```
module adder(input a, b, ci, output s, co);
    assign s = a ^ b ^ ci;
    assign co = (a&b) | (b&ci) | (a&ci);
endmodule
```

```
module add4(
    input [3:0] a, b,
    output [3:0] s,
    output co );
    wire [2:0] m; // internal wire
    adder A0(.a(a[0]), .b(b[0]), .ci(0), .s(s[0]), .co(m[0]));
    adder A1(.a(a[1]), .b(b[1]), .ci(m[0]), .s(s[1]), .co(m[1]));
    adder A2(.a(a[2]), .b(b[2]), .ci(m[1]), .s(s[2]), .co(m[2]));
    adder A3(.a(a[3]), .b(b[3]), .ci(m[2]), .s(s[3]), .co(co));
endmodule
```



直接使用数学运算符

```
module add4(
    input [3:0] a, b,
    output [3:0] s,
    output co );
    wire [2:0] m; // internal wire
    adder A0(.a(a[0]), .b(b[0]), .ci(0), .s(s[0]), .co(m[0]));
    adder A1(.a(a[1]), .b(b[1]), .ci(m[0]), .s(s[1]), .co(m[1]));
    adder A2(.a(a[2]), .b(b[2]), .ci(m[1]), .s(s[2]), .co(m[2]));
    adder A3(.a(a[3]), .b(b[3]), .ci(m[2]), .s(s[3]), .co(co));
endmodule

module adder4(
    input [3:0] a, b,
    output [3:0] s,
    output co );
    assign {co, s} = {1'b0, a} + {1'b0, b};
endmodule
```

目前已经遇到的关键字

常量表示:

8'b0100_1100 8'h4c 8'd76

逻辑运算符:

& | ~ ^ [] {}

数学运算符:

+ - *

赋值:

=

关键字:

module, endmodule

input, output

wire

assign

更高的抽象级别：敏感代码块(always)

```
module adder(input a, b, ci, output s, co);
    assign s = a ^ b ^ ci;
    assign co = (a&b) | (b&ci) | (a&ci);
endmodule

module adder_always(input a, b, ci, output s, co);
    reg s, co;
    always @(a, b, ci) begin
        s = a ^ b ^ ci;
        co = (a&b) | (b&ci) | (a&ci);
    end
endmodule
```

你也许觉得，这没什么嘛 ☺，看下面的。

引入判断 if-else

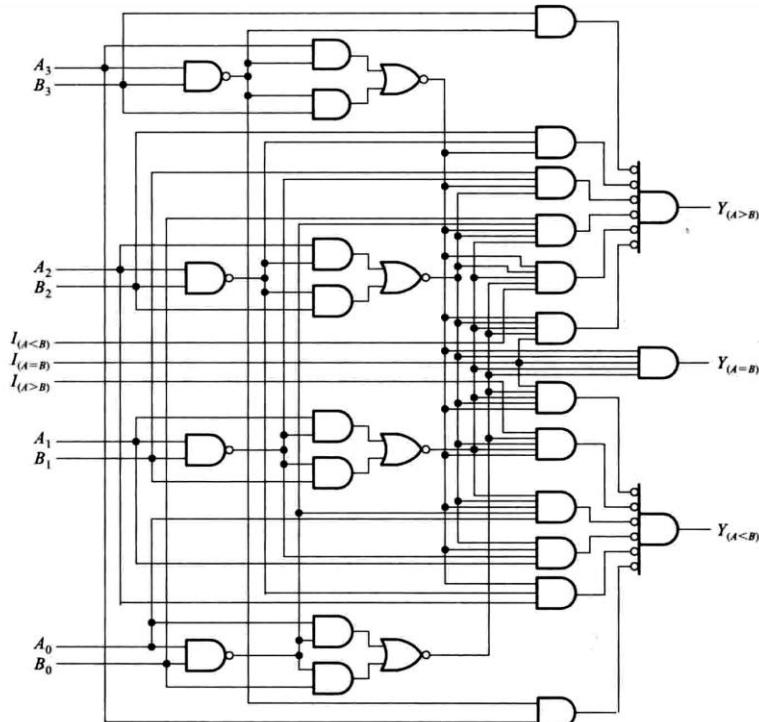
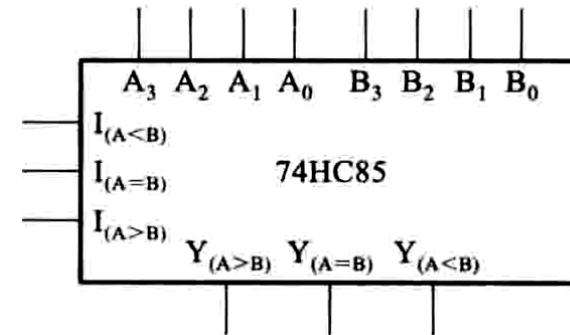
○4位数值比较器 (74HC85)

```
module ic74hc85(
    input [3:0] a, b,
    input [2:0] i,
    output [2:0] y);

    reg [2:0] m;

    always @ (a, b, i) begin
        if(a > b)      m = 3'b100;
        else if(a < b) m = 3'b001;
        else           m = i;
    end

    assign y = m;
endmodule
```



更复杂的 if-else

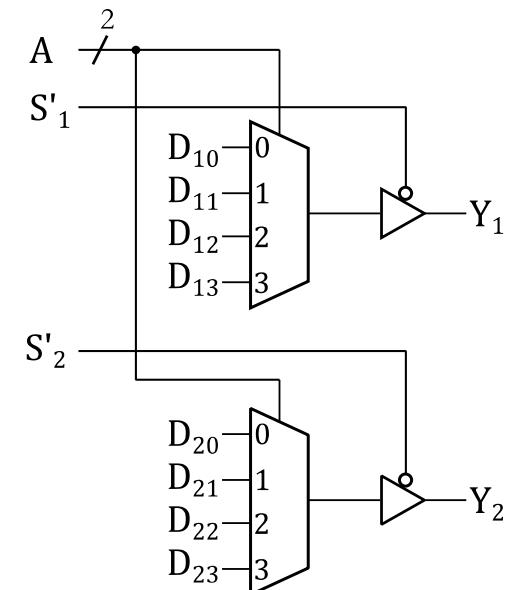
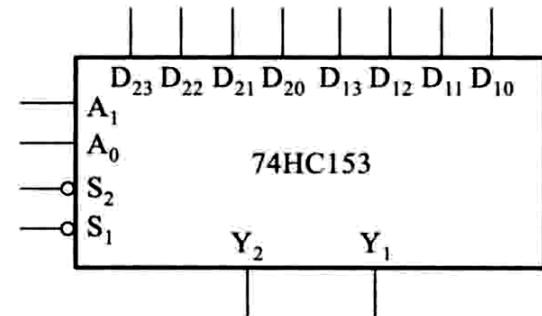
○双4选1数据选择器 (153)

```
module ic74hc153(
    input [1:0] d1, d2, d3, d4
    input [1:0] a, s,
    output [1:0] y);

    reg [1:0] m;

    always @(d1, d2, d3, d4, a) begin
        if(a == 2'd0)      m = d1;
        else if(a == 2'd1) m = d2;
        else if(a == 2'd2) m = d3;
        else              m = d4;
    end

    assign y = (~s)&m;
endmodule
```



使用case

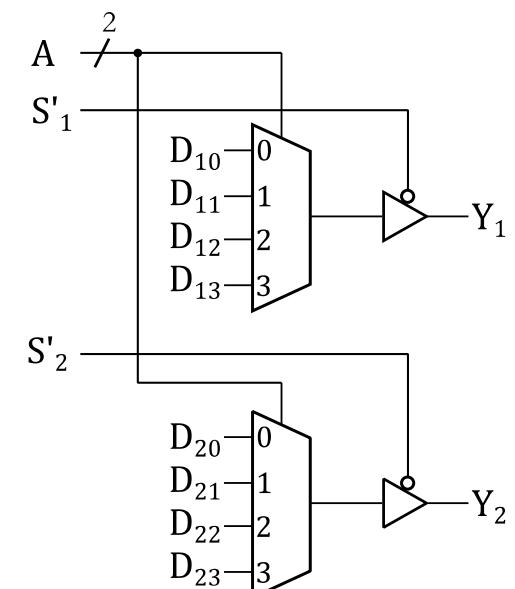
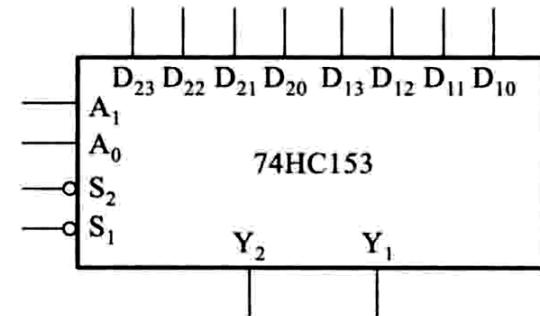
○双4选1数据选择器 (153)

```
module ic74hc153_case(
    input [1:0] d1, d2, d3, d4
    input [1:0] a, s,
    output [1:0] y);

    reg [1:0] m;

    always @(d1, d2, d3, d4, a)
        case(a)
            2'd0:      m = d1;
            2'd1:      m = d2;
            2'd2:      m = d3;
            default:   m = d4;
        endcase

        assign y = (~s)&m;
endmodule
```



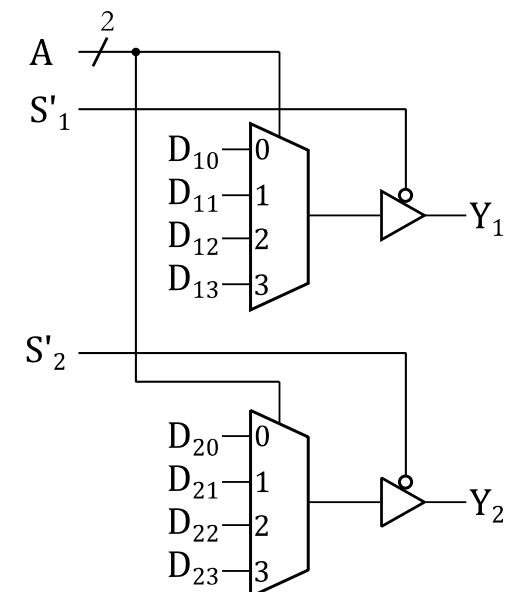
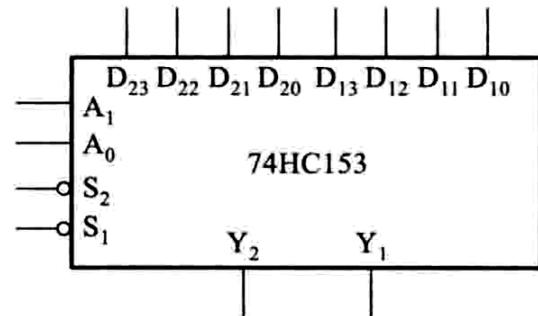
直接使用变量为下标

○双4选1数据选择器 (153)

```
module ic74hc153_index(
    input [3:0] d1, d2,
    input [1:0] a, s,
    output [1:0] y);

    wire [1:0] m;

    assign m = {d2[a], d1[a]};
    assign y = (~s)&m;
endmodule
```



目前已经遇到的关键字

常量表示：

8'b0100_1100 8'h4c 8'd76

逻辑运算符：

& | ~ ^ [] {}

数学运算符：

+ - * < > == !=

赋值：

=

关键字：

module, endmodule

input, output

wire, reg

assign

always

if, else, begin, end, case, endcase

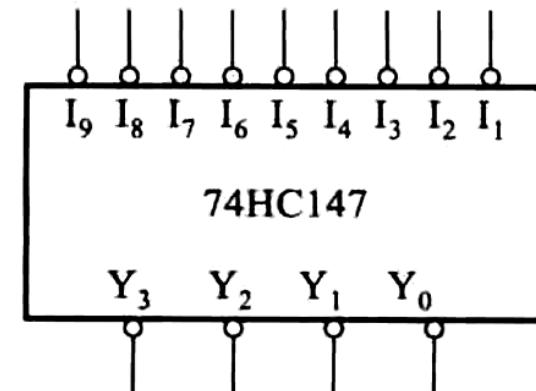
优先编码器74HC147

```
module ic74hc147(
    input [9:0] i,
    output [3:0] y);

    reg [3:0] m;

    always @(i)
        casez(i)
            10'b?????????: m = ~(4'd9);
            10'b10????????: m = ~(4'd8);
            10'b110???????: m = ~(4'd7);
            10'b1110???????: m = ~(4'd6);
            10'b11110???????: m = ~(4'd5);
            10'b111110?????: m = ~(4'd4);
            10'b1111110???: m = ~(4'd3);
            10'b11111110??: m = ~(4'd2);
            10'b111111110?: m = ~(4'd1);
            default:           m = ~(4'd0);
        endcase

        assign y = m;
endmodule
```



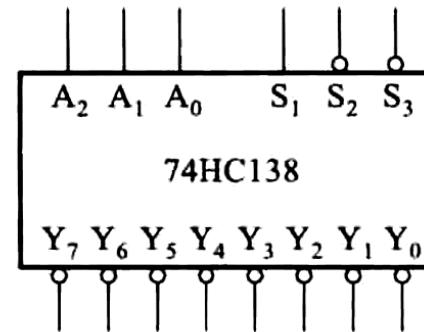
二进制译码器74HC138

```
module ic74hc138(
    input [2:0] a, s,
    output [7:0] y);

    reg [7:0] m;

    always @(a, s) begin
        m = 8'b1111_1111;
        if(s == 3'b001)
            m[a] = 1'b0;
    end

    assign y = m;
endmodule
```



目前已经遇到的关键字

常量表示:

8'b0100_1100 8'h4c 8'd76

逻辑运算符:

& | ~ ^ [] {}

数学运算符:

+ - * < > == !=

赋值:

=

关键字:

module, endmodule

input, output

wire, reg

assign

always

if, else, begin, end, case, endcase, casez

○设计思想

- 大规模的数字集成电路的设计需要方便的设计途径。
- HDL能够被综合（编译）成目标电路并仿真（执行）。
- 更高的抽象层次有利于设计更复杂的系统

○设计方法

- 模块化，确定模块的输入输出
- 用运算符来表达逻辑表达式
- 直接使用算数运算符
- 条件表达式：if、case
- 向量运算：连接、下标变量

○ 测试程序 (test bench)

- 利用Verilog编写测试来验证被测模块 (DUT) 的功能
- DUT: Design under Test
- 测试程序并不需要是真实的硬件
- 可以直接使用不可综合的代码

○ 测试程序的组成

- 测试的顶层模块
- 被测模块
- 测试激励的产生
- 测试结果的验证

测试加法器

```
'timescale 1ns/1ps          → 设定时间单位/时间精度  
  
module test;               → 测试顶层  
  reg [3:0] a, b;  
  wire [3:0] s0, s1;  
  wire      co0, co1;  
  
  add4   ADD0(a, b, 0, s0, co0);  
  adder4 ADD1(a, b, 0, s1, co1);  
  
  initial begin           → 实例化被测模块  
    a = 0;  
    b = 0;  
    #10 a = 1;  
    #10 b = 2;  
    #10 a = 3;  
    . . . .  
    #10;  
    $finish();  
  end  
  
  initial begin           → 设置测试激励  
    $dumpfile("test.vcd");  
    $dumpvars(0);  
  end  
endmodule
```

测试加法器—输出波形

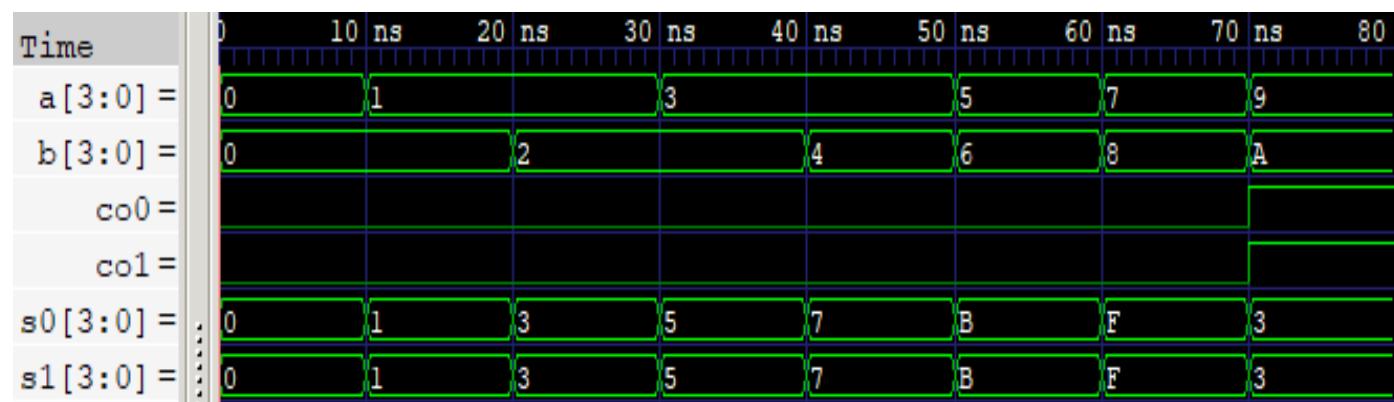
```
`timescale 1ns/1ps
```

```
module test;
  reg [3:0] a, b;
  wire [3:0] s0, s1;
  wire      co0, co1;
```

```
add4 ADD0(a, b, s0, co0);
adder4 ADD1(a, b, s1, co1);
```

```
initial begin
  a = 0;
  b = 0;
  #10 a = 1;
  #10 b = 2;
  #10 a = 3;
  . . .
  #10;
  $finish();
end
```

```
initial begin
  $dumpfile("test.vcd");
  $dumpvars(0);
end
endmodule
```



两种设计（串行s0和并行s1）的结果一样

○ 测试模块

- 没有输入输出参数
- 测试激励为内部变量
- 需要被直接赋值的信号为 reg
- 可以使用 initial 块为激励赋值

○ initial 块

- 只执行一次的代码块
- 使用 #time 来延时
- \$finish() 系统函数终止仿真
- \$dumpfile() 设置波形输出文件
- \$dumpvars() 设置需要输出波形的信号

```
`timescale 1ns/1ps

module test;
    reg [3:0] a, b;
    wire [3:0] s0, s1;
    wire       co0, col;

    add4 ADD0(a, b, s0, co0);
    adder4 ADD1(a, b, s1, col);

    initial begin
        a = 0;
        b = 0;
        #10 a = 1;
        #10 b = 2;
        #10 a = 3;
        .
        .
        .
        #10;
        $finish();
    end

    initial begin
        $dumpfile("test.vcd");
        $dumpvars(0);
    end
endmodule
```

测试比较器74HC85

```
`timescale 1ns/1ps

module test;
    reg [7:0] a, b;
    wire [2:0] y, z;
    wire [2:0] i;

    ic74hc85 dut(.a(a[7:4]), .b(b[7:4]), .i(i), .y(y));

    assign i = {a[3:0]>b[3:0], a[3:0]==b[3:0], a[3:0]<b[3:0]};
    assign z = {a>b, a==b, a<b};

    initial begin
        a = 0;
        b = 0;
        #10 a = $random; b = $random;
        #10 $finish();
    end

    initial begin
        $dumpfile("test.vcd");
        $dumpvars(0);
    end
endmodule
```

使用计算生成部分激励和估计结果 (z)

使用\$random函数生成随机激励

测试比较器74HC85—输出波形

```
`timescale 1ns/1ps
```

```
module test;
  reg [7:0] a, b;
  wire [2:0] y, z;
  wire [2:0] i;

  ic74hc85 dut(.a(a[7:4]),
                .b(b[7:4]),
                .i(i), .y(y));

  assign i = {a[3:0]>b[3:0],
             a[3:0]==b[3:0],
             a[3:0]<b[3:0]};
  assign z = {a>b, a==b, a<b};

  initial begin
    a = 0;
    b = 0;
    #10 a = $random; b = $random;
    #10 $finish();
  end

  initial begin
    $dumpfile("test.vcd");
    $dumpvars(0);
  end
endmodule
```

Time	0	10 ns	20 ns	30 ns	40 ns	50 ns	60 ns	70 ns	80 ns
a[7:0]	00	24	09	0D	65	01	76	ED	
b[7:0]	00	81	63	8D	12	0D	3D	8C	
i[2:0]	010	100		010	100	001		100	
y[2:0]	010	001			100	001	100		
z[2:0]	010	001			100	001	100		

被测模块的输出y和测试模块的计算结果z一致。

测试选择器74HC153

```
module test;
  reg [3:0] d1, d2;
  reg [1:0] a, s;
  wire [1:0] y1, y2, y3;

  ic74hc153      dut1(d1, d2, a, s, y1);
  ic74hc153_case dut2(d1, d2, a, s, y2);
  ic74hc153_index dut3(d1, d2, a, s, y3);

initial begin
  d1 = 0; d2 = 0; a = 0; s = 0;
  #10 {d1,d2,a,s} = $random;
  #10 {d1,d2,a,s} = $random;
  #10 {d1,d2,a,s} = $random;
  #10 {d1,d2,a,s} = $random;
  .
  .
  .
  #10 {d1,d2,a,s} = $random;
  #10 {d1,d2,a,s} = $random;
  #10 $finish();
end

initial begin
  $dumpfile("test.vcd");
  $dumpvars(0);
end
endmodule
```

用同样的激励驱动3种等效设计

使用\$random函数生成随机激励

测试编码器和译码器

```
module test;
    reg [2:0] data_org;
    wire [7:0] data_one_hot;
    wire [3:0] data_gen;

    ic74hc138 decoder(data_org, 3'b001, data_one_hot);
    ic74hc147 encoder({2'b11,data_one_hot}, data_gen);

initial begin
    data_org = 0;
    #10 data_org = $random;
    #10 data_org = $random;
    .
    .
    .
    #10 data_org = $random;
    #10 data_org = $random;
    #10 $finish();
end

wire OK;
assign OK = {1'b0,data_org} == ~data_gen;

initial begin
    $dumpfile("test.vcd");
    $dumpvars(0);
end
endmodule
```

将随机数data_org编码成独热码，然后再用编码器复原随机数data_gen。

在测试模块中直接检验data_org和data_gen是一样的。

○ 测试

- 利用 Verilog HDL 来测试一个 Verilog HDL 设计的正确性
- 利用 仿真来检验被测模块（黑盒测试）
- 需要使用各种激励的组合来扩大测试覆盖率

○ 测试方法

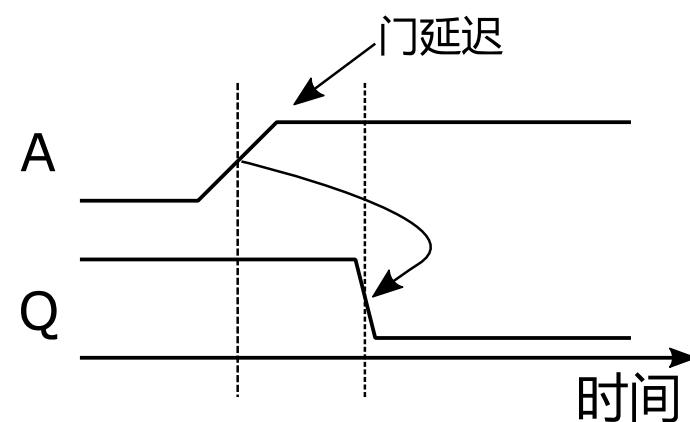
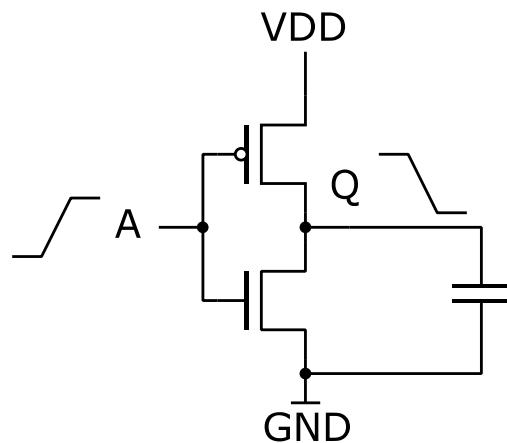
- 尽量使用高级语言特性
- 尽量用少量的代码扩大覆盖（累死机器别累死人）
 - 随机测试
 - 自动结果检验

组合逻辑电路的时序分析

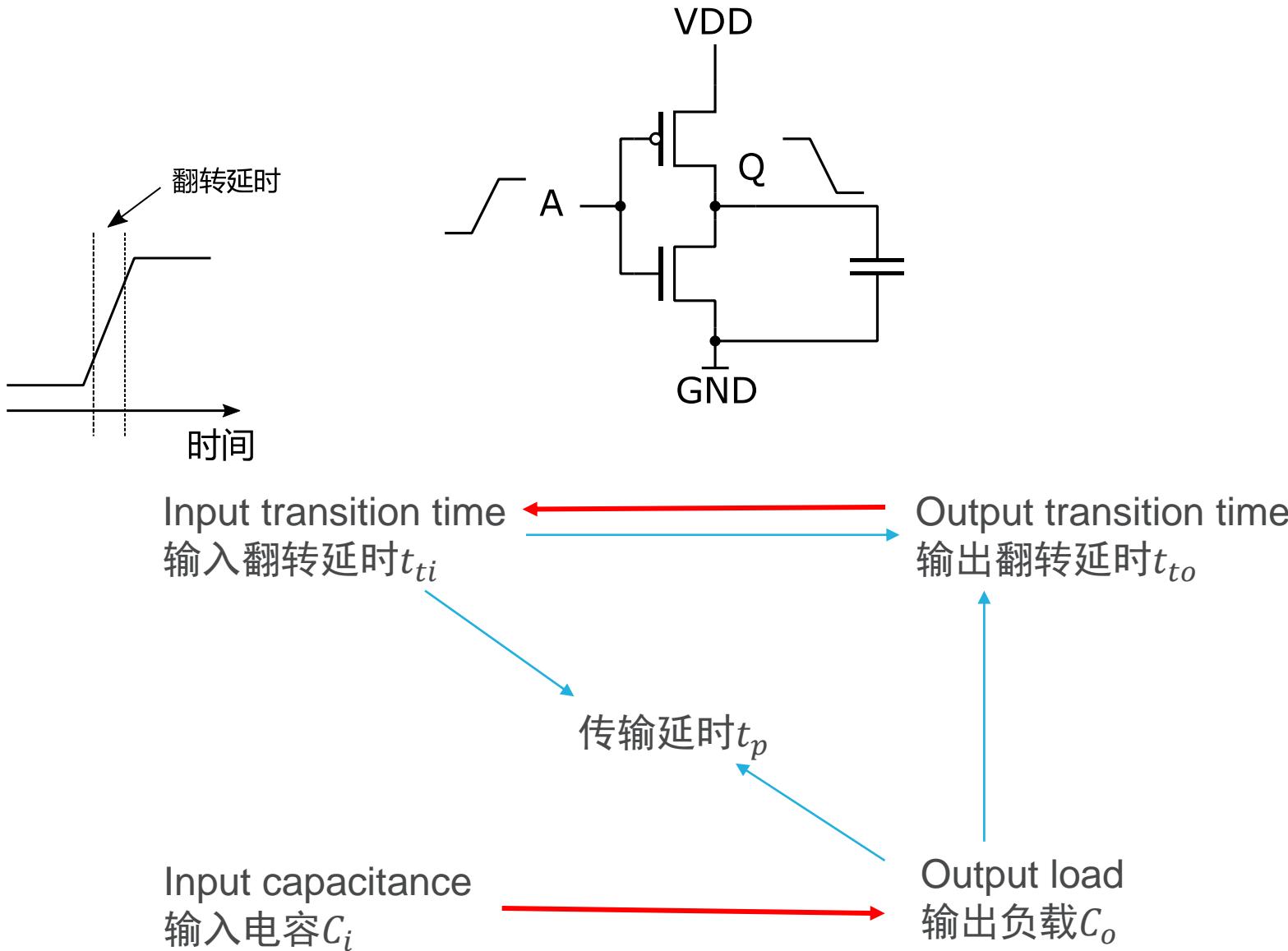
○时序分析

- 抽象逻辑电路的时间模型
- 利用时间模型推导电路的延迟
- 分析一个复杂电路的时间特性
- 计算电路的最大延迟路径（关键路径）
- 利用分析结果优化电路

○门电路的时间分析模型

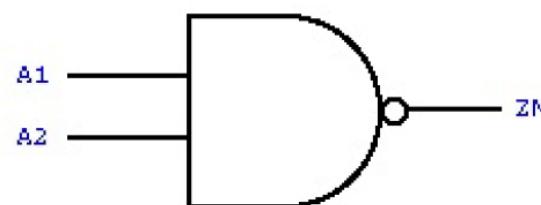


反门的时序分析



与非门的时序分析

Strength	1
Cell Area	0.798 μm^2
Equation	$\text{ZN} = "!(\text{A1} \& \text{A2})"$
Type	Combinational
Input	A1, A2
Output	ZN
PG Pins	VDD (primary_power), VSS (primary_ground)



State Table		
A1	A2	ZN
L	-	H
H	H	L
-	L	H

Propagation Delay [ns]					
Input Transition [ns]		0.0012		0.1985	
Load Capacitance [fF]	0.3656	59.3567	0.3656	59.3567	
A1 to ZN	fall	0.01	0.13	0.01	0.21
	rise	0.01	0.15	0.04	0.25
A2 to ZN	fall	0.01	0.13	0.01	0.19
	rise	0.01	0.15	0.05	0.26

Output Transition [ns]					
Input Transition [ns]		0.0012		0.1985	
Load Capacitance [fF]	0.3656	59.3567	0.3656	59.3567	
A1 to ZN	fall	0.00	0.11	0.03	0.13
	rise	0.00	0.14	0.03	0.15
A2 to ZN	fall	0.00	0.11	0.03	0.12
	rise	0.01	0.14	0.03	0.15

Capacitance [fF]	
A1	1.5990
A2	1.6642

Leakage [nW]	
	17.39

45nm Nangate Open Cell Library

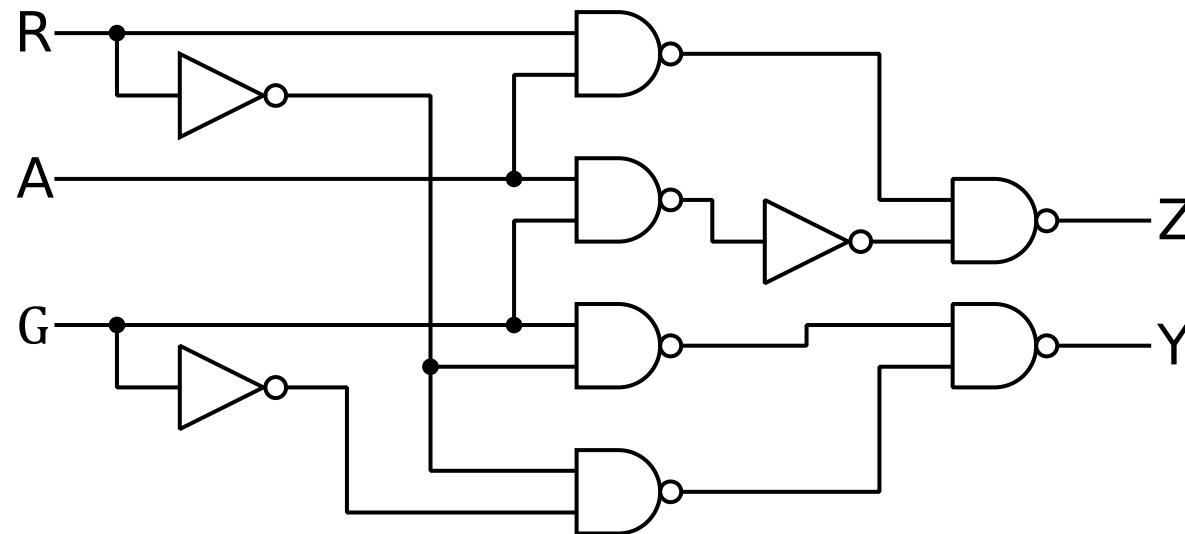
与非门的传输延时和输出翻转时间表

Propagation Delay [ns]					
Input Transition [ns]		0.0012		0.1985	
Load Capacitance [fF]		0.3656	59.3567	0.3656	59.3567
A1 to ZN	fall	0.01	0.13	0.01	0.21
	rise	0.01	0.15	0.04	0.25
A2 to ZN	fall	0.01	0.13	0.01	0.19
	rise	0.01	0.15	0.05	0.26

- 不同输入翻转时间
- 不同输出负载
- 不同翻转方向
- 不同信号路径

Output Transition [ns]					
Input Transition [ns]		0.0012		0.1985	
Load Capacitance [fF]		0.3656	59.3567	0.3656	59.3567
A1 to ZN	fall	0.00	0.11	0.03	0.13
	rise	0.00	0.14	0.03	0.15
A2 to ZN	fall	0.00	0.11	0.03	0.12
	rise	0.01	0.14	0.03	0.15

简化的时序分析

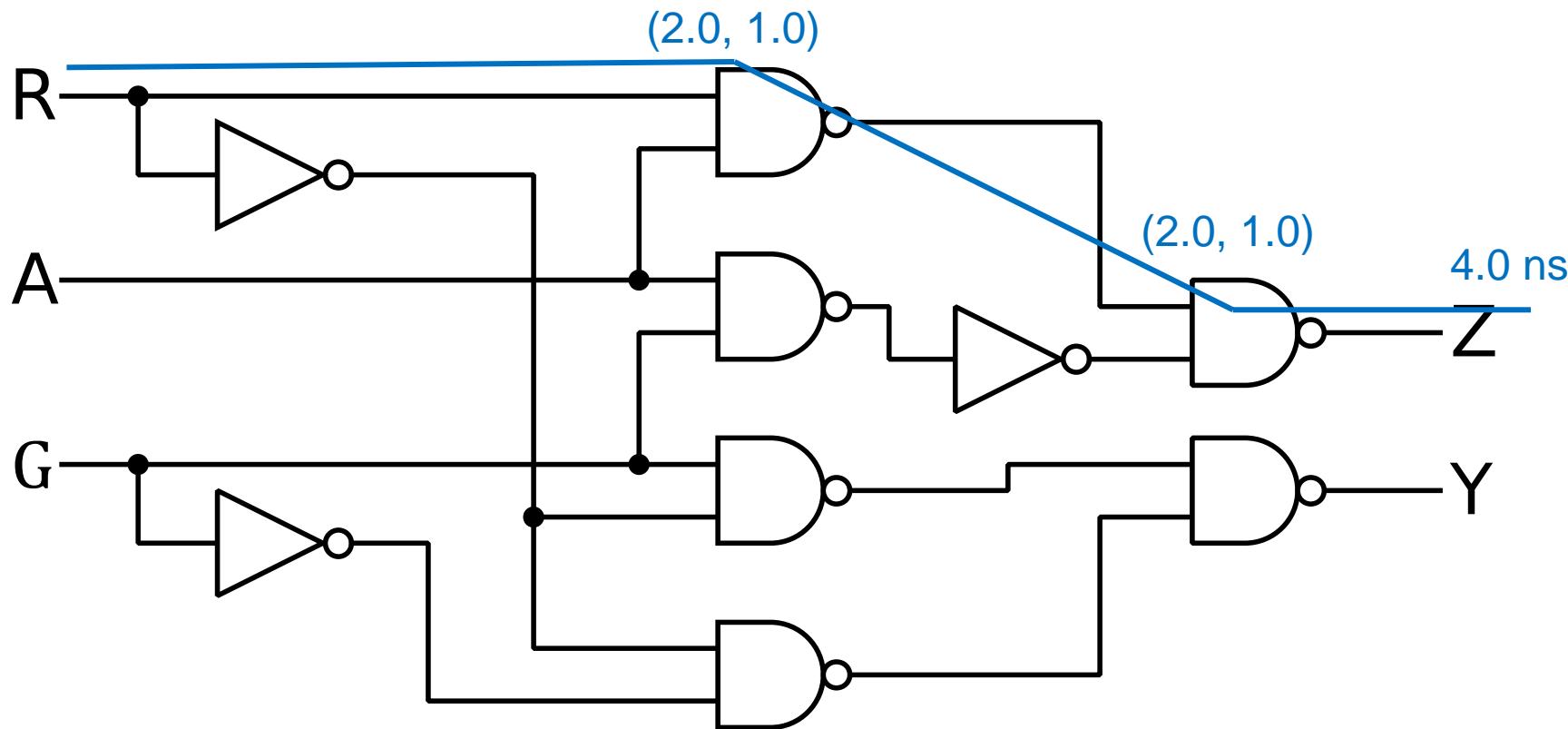


- 不区分翻转方向
- 不区分门的不同输入信号
- 所有门的输入电容: $C_i = 1pF$
- 反门: $t_p = 1t_{ti}C_o, t_{to} = 0.4t_{ti}C_o$
- 与非门: $t_p = 2t_{ti}C_o, t_{to} = 1t_{ti}C_o$
- 输入信号的翻转延时: $t_{ti} = 1ns$
- 输出信号的负载: $C_o = 1pF$

该电路的最快路径和最短路径?

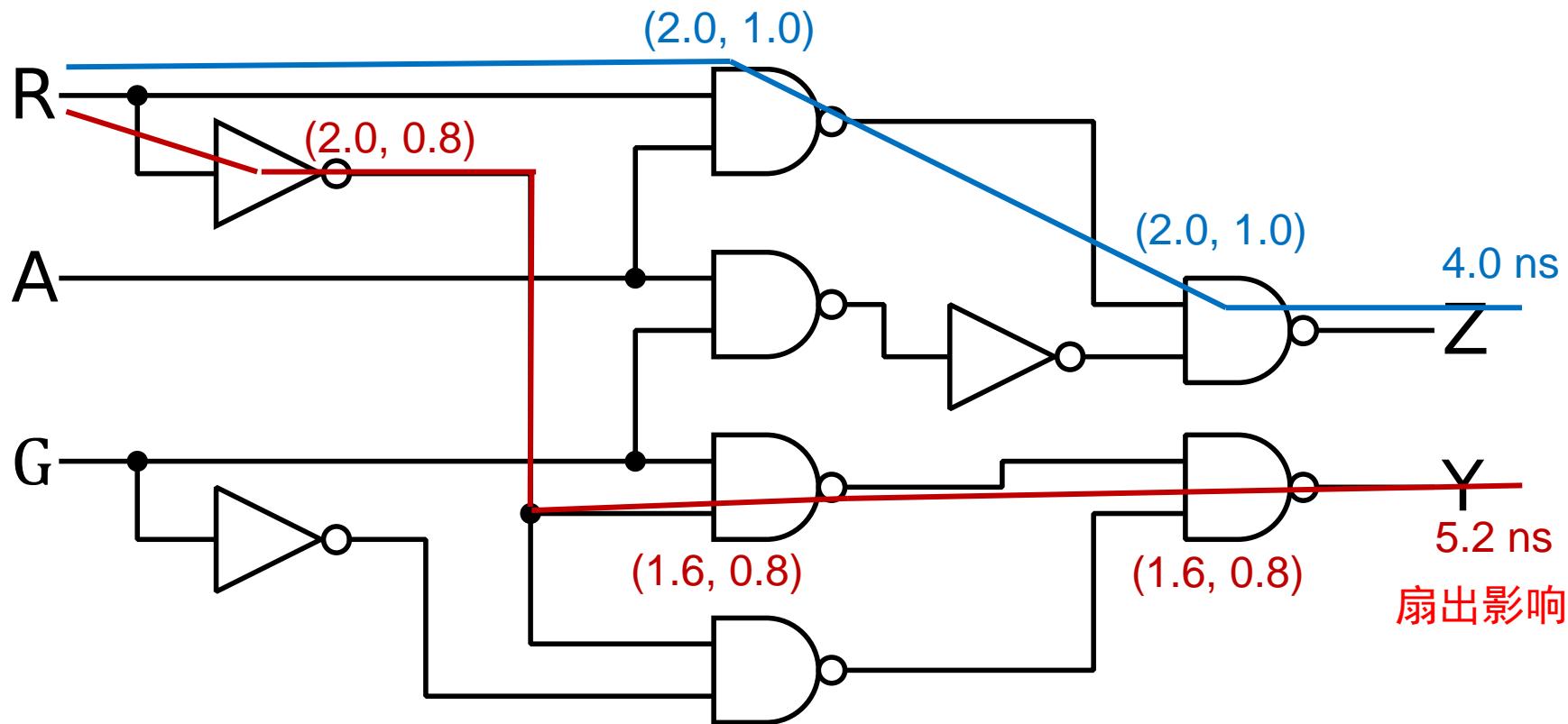
简化的时序分析

- 所有门的输入电容: $C_i = 1pF$
- 反门: $t_p = 1t_{ti}C_o, t_{to} = 0.4t_{ti}C_o$
- 与非门: $t_p = 2t_{ti}C_o, t_{to} = 1t_{ti}C_o$
- 输入信号的翻转延时: $t_{ti} = 1ns$
- 输出信号的负载: $C_o = 1pF$



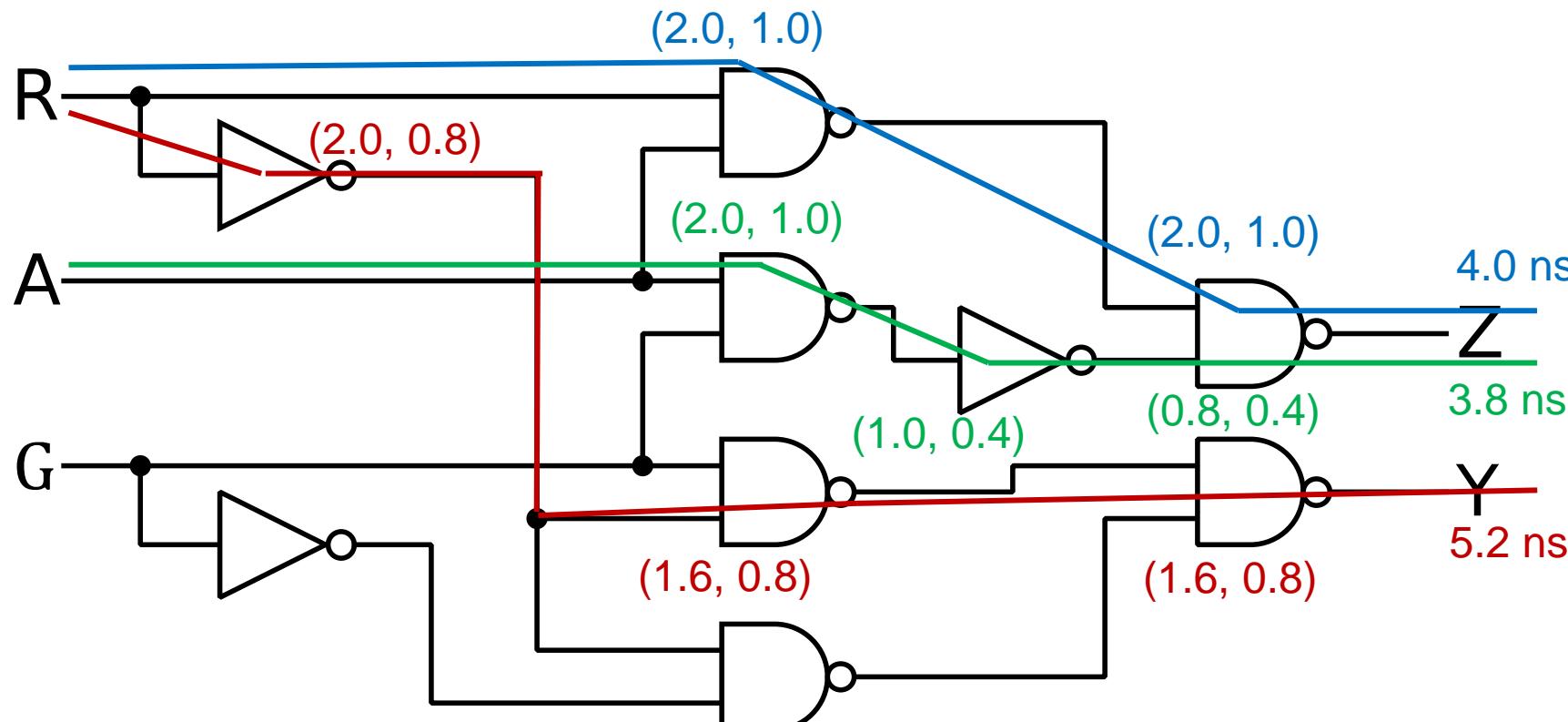
简化的时序分析

- 所有门的输入电容: $C_i = 1pF$
- 反门: $t_p = 1t_{ti}C_o, t_{to} = 0.4t_{ti}C_o$
- 与非门: $t_p = 2t_{ti}C_o, t_{to} = 1t_{ti}C_o$
- 输入信号的翻转延时: $t_{ti} = 1ns$
- 输出信号的负载: $C_o = 1pF$



简化的时序分析

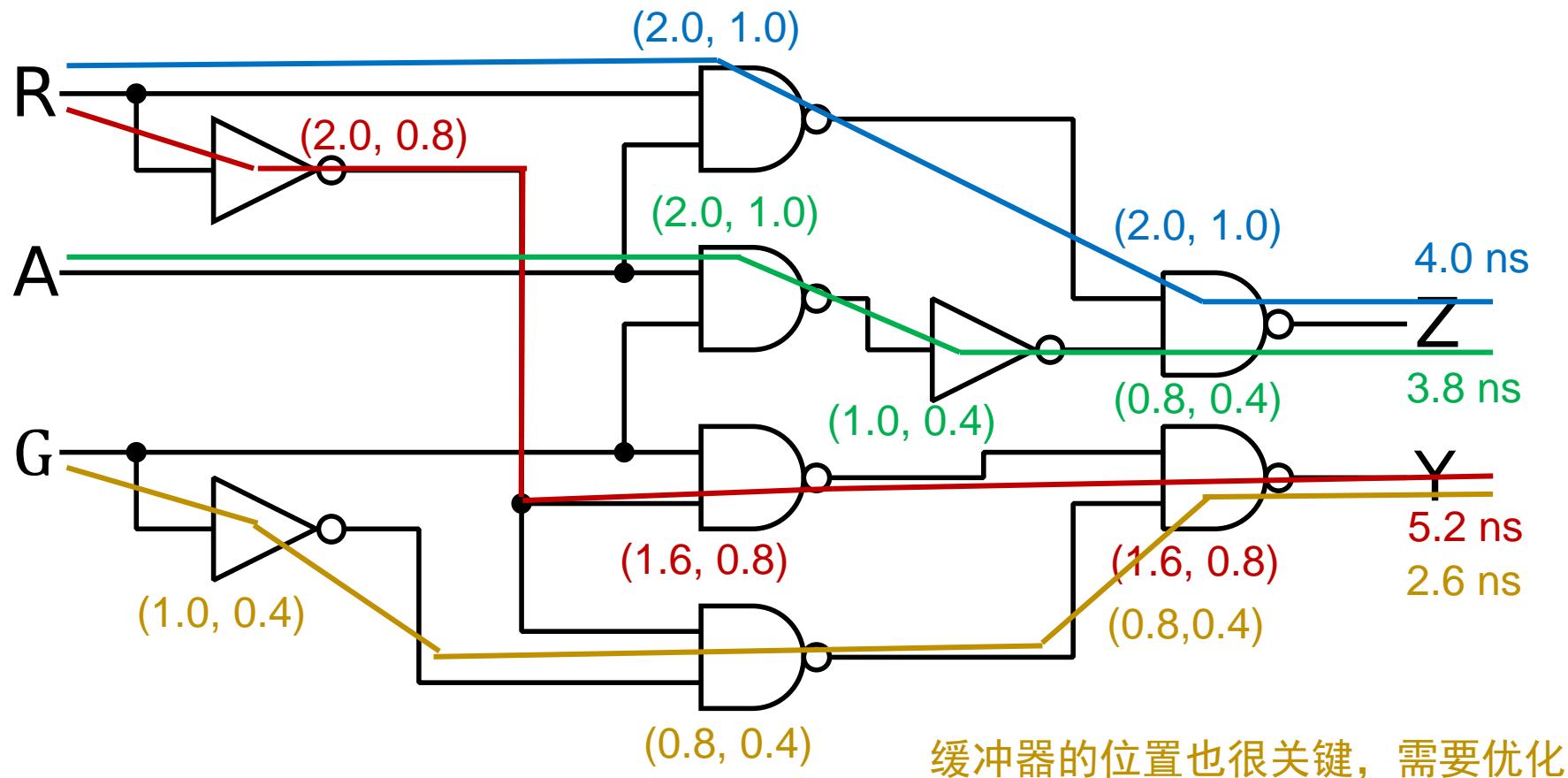
- 所有门的输入电容: $C_i = 1pF$
- 反门: $t_p = 1t_{ti}C_o, t_{to} = 0.4t_{ti}C_o$
- 与非门: $t_p = 2t_{ti}C_o, t_{to} = 1t_{ti}C_o$
- 输入信号的翻转延时: $t_{ti} = 1ns$
- 输出信号的负载: $C_o = 1pF$



反门作为缓冲器降低了延迟

简化的时序分析

- 所有门的输入电容: $C_i = 1pF$
- 反门: $t_p = 1t_{ti}C_o, t_{to} = 0.4t_{ti}C_o$
- 与非门: $t_p = 2t_{ti}C_o, t_{to} = 1t_{ti}C_o$
- 输入信号的翻转延时: $t_{ti} = 1ns$
- 输出信号的负载: $C_o = 1pF$



逻辑组合电路的时序分析总结

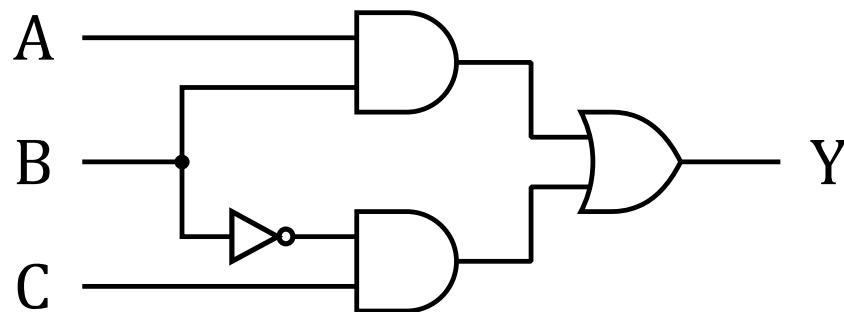
○时序分析的原理

- 将CMOS电路简化成简单的电容充电模型
- 再将传输延时简化为线性模型
- 根据输入翻转延时和输出负载计算传输延时和输出翻转延时
- 输出负载为输出端所接所有门的输入电容之和
- 一般用于电路综合时的粗粒度延时计算

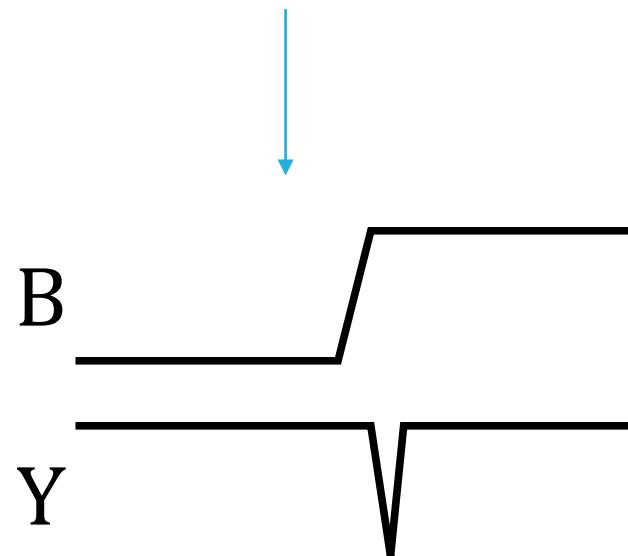
○一般性常识

- 门越复杂，延时越长，驱动力越弱
- 简单门可用作缓冲器减小延时
- 扇出数量对延时有影响
- 缓冲器位置对延时有影响

组合逻辑电路的竞争冒险现象



$$Y = AB + \bar{B}C$$

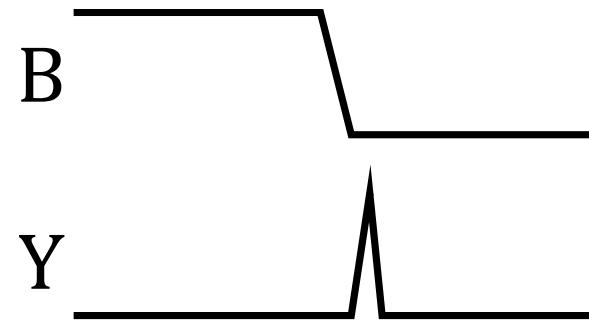
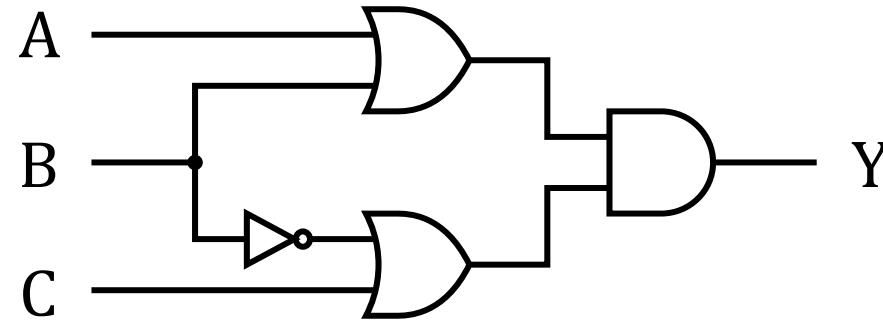


从B到Y的两条路径延时不一致，导致了Y出现了毛刺。

这种毛刺即组合逻辑电路的竞争冒险现象。

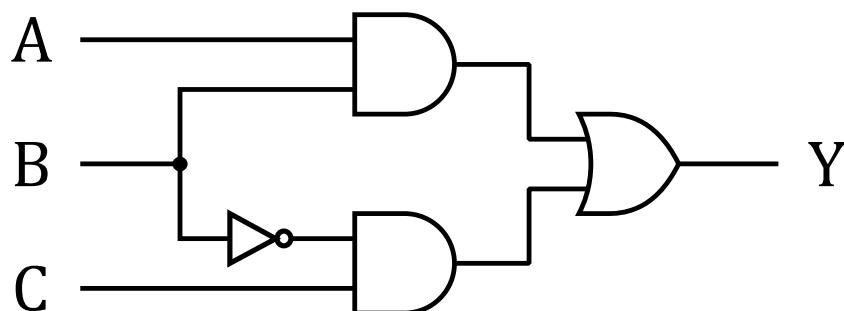
组合逻辑电路的竞争冒险现象

$$Y = (A + B)(\bar{B} + C)$$



或与电路和与或电路一样，也会出现竞争冒险现象。

组合逻辑电路的竞争冒险现象检测



$$Y = AB + \bar{B}C$$

如果 $A = 1, C = 1$

$$Y = B + \bar{B}$$

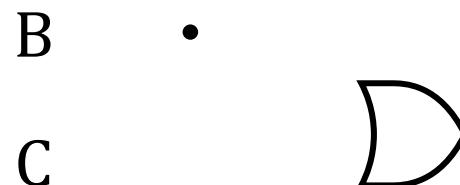
A

$$Y = (A + B)(\bar{B} + C)$$

B

Y

如果 $A = 0, C = 0$

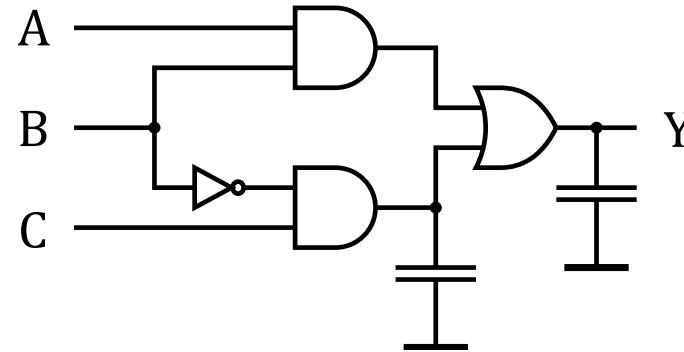


$$Y = B \cdot \bar{B}$$

如果在特定情况下，电路表达式可以被化简成 $Y = B + \bar{B}$
或者 $Y = B \cdot \bar{B}$ ，则可能出现竞争冒险现象。

竞争冒险现象的解决方法一

○接入滤波电容



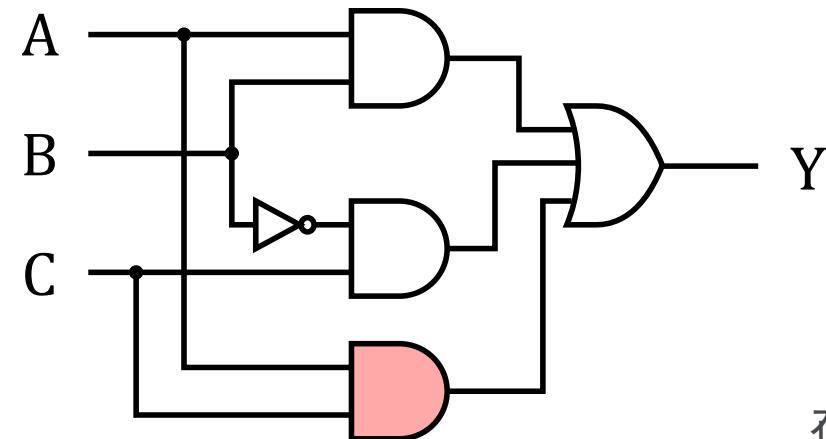
- 芯片内部的数字电路不支持直接添加电容
- 电容导致电路速度下降
- 板级电路常用做法

○选通脉冲

- 等待信号稳定后再采样输出结果
- 利用时钟电路作为采样信号，同步时序电路的常用做法
- 对于特殊的纯组合逻辑电路（无时钟电路不适用）

竞争冒险现象的解决方法二

○添加冗余门



AB	C	0	1
00	0	0	1
01	0	0	0
11	1	1	1
10	0	0	1

在卡诺图中，如果出现相邻但是不交叠的两个覆盖区域时，便可能出现竞争冒险现象。用冗余覆盖区域覆盖相邻区域，则可以避免。

总结：考试范围

○ Verilog HDL的组合逻辑设计

- 理解Verilog HDL的基本语法
- 能使用Verilog HDL设计组合逻辑电路
- 能理解基本的测试模块

○ 组合逻辑电路时序分析

- 理解简化的门延时模型
- 能够利用简化模型，推导简单电路的关键路径（最长延时路径）

○ 竞争冒险

- 能够分析一个简单电路是否存在竞争冒险现象
- 能够利用卡诺图来避免简单的竞争冒险电路

任何问题？

作业 (2页!)

第四章习题:

32

编程题 1:

用Verilog HDL编写一个组合逻辑电路模块完成以下功能:
该模块有8个单比特输入信号 $input[7:0] d$

输出信号 $output[2:0] s$ 给出输入信号中高电平 (1) 的个数。
提交设计电路和测试模块。

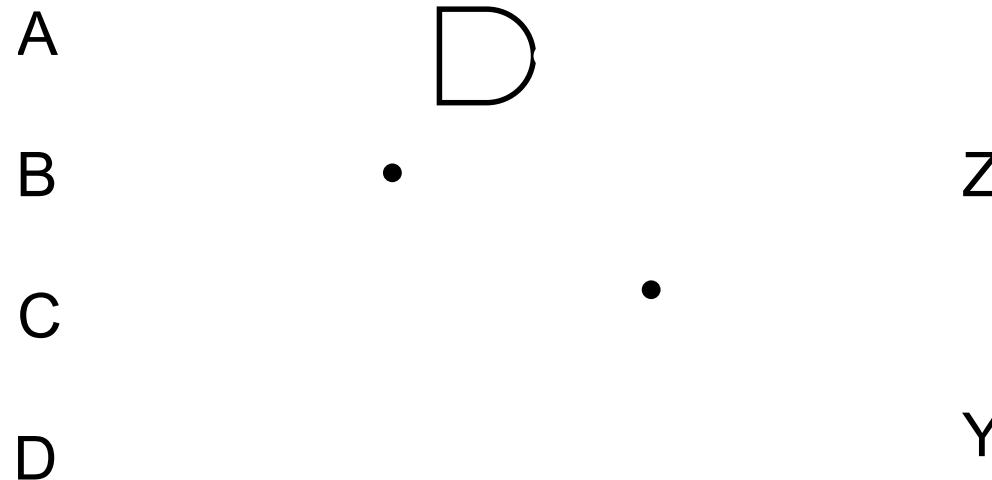
编程题 2:

用Verilog HDL编写一个组合逻辑电路模块完成以下功能:
该模块一个4位输入信号 $input[3:0] din$

输出信号 $output[2:0] dout$ 给出 $[din/3]$ (除3的上取整)。
提交设计电路和测试模块。

作业 (2页!)

分析所有路径的延时：



- 不区分翻转方向
- 不区分门的不同输入信号

- 所有门的输入电容: $C_i = 1pF$
- 反门: $t_p = 1t_{ti}C_o, t_{to} = 0.4t_{ti}C_o$
- 与非门: $t_p = 2t_{ti}C_o, t_{to} = 1t_{ti}C_o$
- 输入信号的翻转延时: $t_{ti} = 1ns$
- 输出信号的负载: $C_o = 1pF$